



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
Б1.О.04.06 Теория вероятностей и математическая статистика

Направление подготовки: 09.03.01 Информатика и вычислительная техника

Направленность (профиль): Компьютерные прикладные технологии

Квалификация (степень): бакалавр

Форма обучения: очная

Институт: математики, естествознания и техники

Кафедра: математики и методики ее преподавания

	очная форма	очно-заочная форма	заочная форма
Курс	3		
Семестр/триместр	5		

Лекции	30		
Лабораторные занятия	-		
Практические (семинарские) занятия	30		
в т. ч. практическая подготовка	-		
Форма(ы) промежуточной аттестации	экзамен		
Контроль	-		
Иные формы работы	9		
Самостоятельная работа	110,7		

Всего часов: 180

Трудоемкость: 5 зачетных единиц

Разработчик(и) рабочей программы: кандидат педагогических наук, доцент Л.В. Жук

І. ОРГАНИЗАЦИОННО-МЕТОДИЧЕСКИЙ РАЗДЕЛ

Цель изучения дисциплины:

ознакомление со стохастическим подходом описания обширного класса реальных явлений, не укладывающихся в рамки детерминистических конструкций, углубление математической подготовки студентов, направленное на формирование прочных теоретических знаний и практических навыков в области теории вероятностей, математической статистики и теории случайных процессов.

Задачи изучения дисциплины:

- 1) раскрыть мировоззренческое значение науки о случайном, углубить представления о роли и месте математики в изучении окружающего мира;
- 2) дать базовые вероятностно-статистические знания, сформировать умения, необходимые для глубокого овладения содержанием дисциплины;
- 3) показать возможность применения стохастического материала к решению прикладных задач, возникающих в профессиональной деятельности;
- 4) развивать вероятностный стиль мышления;
- 5) способствовать подготовке к ведению исследовательской деятельности в областях, использующих вероятностно-статистические методы, к созданию и использованию вероятностных моделей процессов и объектов, к разработке эффективных стохастических методов решения профессиональных задач.

Место дисциплины в структуре ОПОП: реализуется в рамках обязательной части блока Б1. Дисциплины (модули).

Планируемые результаты обучения по дисциплине:

Код компетенции	Индикаторы достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-8	Знать: <ul style="list-style-type: none">- методы и приемы алгоритмизации поставленных задач;- алгоритмы решения типовых задач, области и способы их применения;- интерфейсы взаимодействия с внешней средой;- интерфейсы взаимодействия внутренних модулей системы.	Знает: <ul style="list-style-type: none">- методы и приемы алгоритмизации задач вычисления вероятностей случайных событий;- алгоритмы решения типовых задач теории вероятностей и математической статистики;- интерфейсы взаимодействия с внешней средой при обработке статистических данных.
	Уметь: <ul style="list-style-type: none">- использовать методы и приемы алгоритмизации поставленных задач;- выполнять процедуры сборки программных модулей и компонент в программный продукт; производить настройки параметров программного продукта и осуществлять запуск процедур сборки;- создавать резервные копии про-	Умеет: <ul style="list-style-type: none">- использовать методы и приемы алгоритмизации задач по стохастике;- выполнять процедуры сборки программных модулей и компонент в программный продукт, позволяющий исследовать случайные величины и функции распределения вероятностей;

	грамм и данных, выполнять восстановление, обеспечивать целостность программного продукта и данных.	<ul style="list-style-type: none"> - производить настройки параметров программного продукта и осуществлять запуск процедур сборки; - создавать резервные копии программ и данных, выполнять восстановление, обеспечивать целостность программного продукта и данных.
	Владеть: <ul style="list-style-type: none"> - навыками создания программного кода в соответствии с техническим заданием (готовыми спецификациями); - навыками оптимизации программного кода с использованием специализированных программных средств; - методологиями разработки программного обеспечения. 	Владеет: <ul style="list-style-type: none"> - навыками создания и оптимизации программного кода с целью определения вида распределения и изучения характеристик случайных величин, - методологиями разработки программного обеспечения, позволяющего изучать случайные процессы и явления.
ОПК-9	Знать: <ul style="list-style-type: none"> - языки, утилиты и среды программирования, средства пакетного выполнения процедур для решения практических задач. 	Знает: <ul style="list-style-type: none"> - языки и средства пакетного выполнения процедур для решения задач по теории вероятностей и математической статистике.
	Уметь: <ul style="list-style-type: none"> - применять методы и средства сборки модулей и компонент программного обеспечения, разработки процедур для развертывания программного обеспечения, миграции и преобразования данных, создания программных интерфейсов;. 	Умеет: <ul style="list-style-type: none"> - применять методы и средства сборки модулей программного обеспечения для расчета характеристик случайных величин, создания программных интерфейсов для обработки статистических данных.
	Владеть: <ul style="list-style-type: none"> - навыками использования программных средств для решения практических задач. 	Владеет: <ul style="list-style-type: none"> - навыками использования программных средств для решения задач по стохастике.

II. СОДЕРЖАНИЕ И ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

с указанием количества часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу

Очная форма обучения

№ п/п	Наименование разделов и тем	Всего	Аудиторные за- нятия			Сам. раб.
			ЛК	ПЗ	ЛБ	
Раздел 1. Элементы теории вероятностей		100	20	20		60
1	Тема 1. Случайные события и их вероятности	64	12	12		40
2	Тема 2. Случайные величины и функции распре- деления	36	8	8		20

Раздел 2. Элементы математической статистики		70,7	10	10		50,7
3	Тема 3. Первичная обработка статистических данных	18	4	4		10
4	Тема 4. Точечное и интервальное оценивание параметров распределения	24	2	2		20
5	Тема 5. Проверка статистических гипотез	28,7	4	4		20,7
	<i>Экзамен</i>	<i>0,3</i>				
	<i>Иные формы работы</i>	<i>9</i>				
	<i>Итого за 5 семестр</i>	<i>108</i>	<i>18</i>	<i>36</i>		<i>54</i>
	в т.ч. практическая подготовка	-				
ИТОГО:		180	30	30		110,7

Очно-заочная форма обучения не реализуется

Заочная форма обучения не реализуется

III. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Текущая аттестация проводится в форме контрольной работы, теста.

Типовой вариант контрольной работы

Вариант 1

1. В автосалоне на продажу выставлено 9 автомобилей марки “CITROEN”, 5 автомобилей марки “PEOGOET” и 3 автомобиля марки “RENAULT”. В течение дня продано 4 автомобиля. Найти вероятность того, что среди проданных хотя бы один марки “CITROEN”.

2. Расстояние от остановки «Стадион» до остановки «Школа» автобус проходит за 2 минуты, а Андрей – за 15 минут. Интервал движения автобусов 25 минут. В случайный момент времени Андрей выходит со стадиона, опаздывая в школу. Что лучше ему делать – идти пешком или подождать автобус?

3. На мост сбрасываются 3 авиационные бомбы, вероятности попадания которых соответственно равны: 0,3; 0,4; 0,6. Найти вероятность того, что мост будет разрушен, если для этого необходимо сбросить на него: а) все три бомбы; б) только одну бомбу; в) не менее двух.

4. В первой урне 10 деталей, из них 8 стандартных. Во второй 6 деталей, из которых 5 стандартных. Из второй урны переложили в первую одну деталь. Какова вероятность того, что деталь, извлеченная после этого из второй урны, нестандартная?

5. В страховом обществе застраховано 1000 лиц одного возраста и одной социальной группы. Вероятность смерти в течение года для каждого лица равна 0,006. Каждый застрахованный вносит 1 января 150 рублей страховых, и в случае смерти его родственники получают от общества 1200 рублей. Чему равна вероятность того, что а) общество потерпит убытки; б) получит прибыль, не меньшую 40000 рублей?

Вариант 2

1. В почтовом ящике 10 писем, причем 4 из них заказные. Наудачу извлечены 3 письма. Найти вероятность того, что среди 3 извлеченных писем окажутся: а) одно заказное; б) два заказных.

2. Центр окружности радиусом 5 находится в точке с координатами (6;8). Какова вероятность того, что: а) случайная прямая, проходящая через начало координат, пересечет данную окружность; б) случайный луч, выпущенный из начала координат, пересечет данную окружность.

3. По каналу связи передаются последовательно три сообщения, каждое из которых может быть передано правильно или искажено, вероятности правильной передачи 0,8; 0,7; 0,9 соответственно. Найти вероятность того, что: а) все три сообщения переданы правильно; б) хотя бы одно сообщение передано правильно; в) не более одного сообщения переданы правильно.

4. Имеются две урны. В первой – 7 красных шаров и 3 черных, во второй – 3 красных и 4 черных. Из первой урны переложили во вторую один шар, затем, перемешав шары, из второй урны переложили в первую один шар. Найти вероятность того, что шар, извлеченный после этого из первой урны, окажется красным.

5. Известно, что цикл восточного календаря составляет 12 лет. Необходимо отобрать четыре человека родившихся в год Тигра, выбирая их наудачу из некоторой достаточно большой группы людей. Найти вероятность того, что для того, чтобы отобрать четырех кандидатов, пришлось узнать год рождения ровно у 50 человек.

Типовой вариант теста

1. В таблице дискретного статистического распределения, построенного по выборке, отсутствует одна цифра. Это цифра

x_i	10	25	32	74
p_i	0,31	0,29	0,х5	0,15

- А) $x=1$
- Б) $x=2$
- В) $x=0$
- Г) $x=3$

2. Дан интервальный ряд статистического распределение выборки:

x_i	-1-0	0-1	1-2	2-3
n_i	30	70	80	20

Медиана выборки равна

- А) 1,5
- Б) 0,5
- В) 1
- С) 2

3. В итоге четырех измерений некоторой физической величины одним прибором получены следующие результаты: 8, 9, 11, 12. Выборочное среднее, выборочная дисперсия σ^2 и исправленная дисперсия S^2 равны:

- А) 9; 2,5; 3,(3)
- Б) 10; 25; 5
- В) 10; 25; 5
- В) 9; 25; 5

4. Дана выборка объема n : x_1, x_2, \dots, x_n . Исправленная дисперсия находится по следующей формуле:

А) $S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n x_i^2$

Б) $S^2 = \frac{n}{n-1} \sum_{i=1}^n x_i$

В) $S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$

Г) $S^2 = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$

5. Дана выборка объема n : x_1, x_2, \dots, x_n . Если каждый элемент выборки увеличить в 5 раз, то выборочное среднее

- А) увеличится в 5 раз;
- Б) уменьшится в 5;
- В) не изменится;
- Г) увеличится на 5.

6. Оценкой генеральной средней нормально распределенного признака при известном стандартном отклонении будет интервал:

А) $\bar{x} - t_{\alpha} \frac{s}{\sqrt{n}} < a < \bar{x} + t_{\alpha} \frac{s}{\sqrt{n}};$

Б) $\bar{x} - u_{\alpha} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < a < \bar{x} + u_{\alpha} \frac{\sigma}{\sqrt{n}};$

В) $\bar{x} - u_{1-\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < a < \bar{x} + u_{1-\frac{\alpha}{2}} \frac{\sigma}{\sqrt{n}};$

Г) $\bar{x} - t_{1-\alpha} \frac{s}{\sqrt{n}} < a < \bar{x} + t_{\alpha} \frac{s}{\sqrt{n}}.$

1. Рассматривается интервальная оценка генеральной средней в нормальном распределении. Длина интервала меньше при одном и том же уровне доверия в случае

- А) не зависит от объема выборки;
- Б) при меньшем объеме выборки;
- В) при большем объеме выборки;
- Г) не зависит от объема выборки, а зависит от исправленной дисперсии выборки.

2. Статистика $K = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^m \frac{(n_i - np_i)^2}{np_i}$, используемая в процедуре проверки гипотез о

виде распределения, имеет распределение

- А) Фишера -Снекедора
- Б) $N(0;1)$
- В) t-Стьюдента
- Г) χ^2 -Пирсона

9. Гипотеза о равенстве средних, при условии нормального распределения признака, проверяется:

- А) по χ^2 -критерию;
- Б) по критерию Бартлетта;
- В) методом дисперсионного анализа;
- Г) по t-критерию Стьюдента.

10. Имеется две генеральные совокупности. Для исследования их дисперсий из каждой из них произведена выборка, объемом n_1 и n_2 соответственно. При проверке нулевой гипотезы, состоящей в том, что $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$, для уровня значимости α используется статистика

А) $F = \frac{S_1^2}{S_2^2}$, S_1^2 , S_2^2 – выборочные дисперсии для первой и второй выборки;

Б) $\chi^2 = \frac{nS^2}{\sigma^2}$, S^2 – сумма квадратов отклонений по обоим выборкам, имеющая распределение χ^2_{n-1} ;

В) $F = \frac{S_1^2}{S_2^2}$, S_1^2 , S_2^2 – исправленные выборочные дисперсии;

Г) $\chi^2 = \frac{nS^2}{\sigma^2}$, S^2 – исправленная выборочная дисперсия.

11. При исследовании корреляционной зависимости по данным 100 предприятий между капиталовложениями X (млн. руб.) и выпуском продукции Y (млн. руб.) получены следующие уравнения регрессии: $y=1,2x+2$ и $x=0,6y+2$. Для аналогичных предприятий среднее значение для необходимого капиталовложения, чтобы получить выпуск продукции в 1 млн.руб., составляет

А) 3,6 млн.руб.;

Б) 3,2 млн.руб.;

В) 2,2 млн.руб.;

Г) 2,6 млн.руб.

12. Задана корреляционная таблица

Y/X	20-30	30-40	40-50	50-60	60-70
1-3	4				
3-6		3	1	1	
6-9		1	4	5	2
9-12				1	7
12-15					1

Наиболее правдоподобное соотношение между X и Y

А) $r=1$; Б) $r>0$; В) $r=0$; Г) $r=-1$.

Промежуточная аттестация обучающихся осуществляется в форме экзамена с использованием следующих оценочных материалов: перечень вопросов к экзамену.

Вопросы к экзамену (5 семестр, очная форма обучения)

- 1) Пространство элементарных событий. Алгебра событий.
- 2) Равновозможные исходы. Классическое определение вероятности.
- 3) Применение элементов комбинаторики к подсчету вероятностей.
- 4) Геометрическая вероятность. Статистическая вероятность.
- 5) Аксиоматика теории вероятностей. Равносильность расширенной аксиомы сложения и аксиомы непрерывности.
- 6) Условные вероятности. Теорема умножения. Независимость событий.
- 7) Формула полной вероятности, формулы Байеса.
- 8) Независимые испытания. Схема Бернулли. Схема Пуассона.
- 9) Локальная теорема Муавра-Лапласа. Интегральная теорема Муавра-Лапласа. Приложение интегральной теоремы Муавра-Лапласа.
- 10) Случайные величины. Индикаторы. Закон распределения случайной величины. Примеры законов распределения дискретных случайных величин.
- 11) Числовые характеристики дискретных случайных величин. Математическое ожидание. Свойства математического ожидания. Дисперсия. Среднее квадратическое отклонение.
- 12) Многомерные законы распределения. Независимость дискретных случайных величин.
- 13) Непрерывные случайные величины. Функция распределения.

- 14) Плотность распределения вероятностей случайной величины и ее свойства.
- 15) Числовые характеристики непрерывной случайной величины.
- 16) Нормальное распределение. Показательное распределение. Равномерное распределение.
- 17) Системы случайных величин. Функция распределения системы случайных величин.
- 18) Плотность вероятности системы случайных величин.
- 19) Зависимые и независимые случайные величины.
- 20) Моменты, математическое ожидание, дисперсия системы случайных величин.
- 21) Корреляция и ковариация системы случайных величин.
- 22) Предмет математической статистики, задачи статистики. Предварительная обработка выборки.
- 23) Точечные оценки параметров распределения. Требования, предъявляемые к оценкам параметров: несмещенность, состоятельность, эффективность.
- 24) Статистические гипотезы. Общие понятия. Методики проверки.
- 25) Проверка гипотез о сравнении с эталоном.
- 26) Проверка гипотезы о законе распределения. Критерий χ^2 .
- 27) Задачи регрессионного и корреляционного анализа.
- 28) Введение в регрессионный анализ. Модельные уравнения регрессии.
- 29) Линейная регрессия. Метод наименьших квадратов.
- 30) Коэффициент корреляции. Эмпирический коэффициент корреляции. Свойства коэффициента корреляции.
- 31) Проверка гипотезы о значимости коэффициента корреляции.

IV. ПЕРЕЧЕНЬ ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Основная литература

1. Балдин, К.В. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник [16+] / К.В. Балдин, В.Н. Башлыков, А.В. Рукосуев. - 2-е изд. - Москва : Издательско-торговая корпорация «Дашков и К°», 2016. - 472 с. : ил. - : табл. – Режим доступа: по подписке. URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=453249>.
2. Монсик, В.Б. Вероятность и статистика : учебное пособие [16+] / В.Б. Монсик, А.А. Скрынников. – 4-е изд., электрон. – Москва : Лаборатория знаний, 2020. – 384 с. : ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=216681>.

4.2. Дополнительная литература

1. Кибзун, А.И. Теория вероятностей и математическая статистика: Базовый курс с примерами и задачами: учебное пособие [16+] / А.И. Кибзун, Е.Р. Горяинова, А.В. Наумов ; ред. А.И. Кибзун. - 3-е изд., перераб. и доп. - Москва : Физматлит, 2007. - 232 с. Режим доступа: по подписке URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=69320>.
2. Колемаев, В.А. Теория вероятностей и математическая статистика: учебник [16+] / В.А. Колемаев, В.Н. Калинина. - Москва : Юнити-Дана, 2015. - 352 с. : табл. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=436721>.
3. Хамидуллин, Р.Я. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие : [16+] / Р.Я. Хамидуллин. – Москва : Университет Синергия, 2020. – 276 с. : табл., граф., ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=571503>.

V. ПЕРЕЧЕНЬ РЕСУРСОВ ИНФОРМАЦИОННО-ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННОЙ СЕТИ «ИНТЕРНЕТ», НЕОБХОДИМЫХ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

№ пп	Ссылка на информационный ре- сурс	Наименование разработки в электронной форме	Доступность
1.	http://mathedu.ru	Математическое образование: прошлое и настоящее (сайт с ЭБ, включающей дореволюционные источники, литературу советского периода)	Свободный доступ
2	http://www.iprbookshop.ru/	Электронно-библиотечная система (ЭБС)	Регистрация через любой университетский компьютер. В дальнейшем индивидуальный неограниченный доступ из любой точки, в которой имеется доступ к сети Интернет
3.	http://www.exponenta.ru	Образовательный математический сайт	Свободный доступ
4.	http://www.matclub.ru	Образовательный математический сайт	Свободный доступ
5.	http://www.fismat.ru	Образовательный математический сайт	Свободный доступ
6.	http://www.mathnet.ru	Образовательный математический сайт	Свободный доступ
7.	http://www.krugosvet.ru	Электронная энциклопедия, в которой представлен материал по основным математическим терминам, а также биографические данные об известных математиках.	Свободный доступ
8.	http://ilib.mccme.ru	ЭБ с книгами по математике.	Свободный доступ

VI. СОВРЕМЕННЫЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНЫЕ БАЗЫ ДАННЫХ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ СПРАВОЧНЫЕ СИСТЕМЫ

№ пп	Ссылка на информационный ре- сурс	Наименование разработки в электронной форме	Доступность
1.	http://www.biblioclub.ru	Электронно-библиотечная система (ЭБС) Университетская библиотека онлайн	Регистрация через любой университетский компьютер. В дальнейшем предоставляется неограниченный индивидуальный доступ из любой точки, в которой имеется доступ к сети Интернет
2.	www.garant.ru	Информационно-правовой портал	Свободный доступ
3.	www.elibrary.ru	Российский информационный портал в области науки, технологии, медицины и образо-	Свободный доступ

		вания	
4.	www.consultant.ru	Российская компьютерная справочно-правовая система	Свободный доступ

VII. ЛИЦЕНЗИОННОЕ И СВОБОДНО РАСПРОСТРАНЯЕМОЕ ПРОГРАММНОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

При реализации учебной дисциплины применяется следующее лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

- Microsoft Windows;
- Microsoft Office;
- LibreOffice и др.

VIII. ОБОРУДОВАНИЕ И ТЕХНИЧЕСКИЕ СРЕДСТВА ОБУЧЕНИЯ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Учебные занятия проводятся в аудиториях, укомплектованных специализированной мебелью, в том числе стационарными или переносными техническими средствами обучения (проектор, экран, компьютер/ноутбук).

Самостоятельная работа проводится в кабинетах, оснащенных компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета.